

## Lektion 9

5.3-3 (a)  $y[n] = \left( \frac{1}{3} + \frac{5}{2} \cdot 0.5^n - \frac{4}{3} \cdot 0.25^n \right) u[n]$

(b)  $y[n] = y_{zi}[n] + y_{zs}[n]$ , där

$$y_{zi}[n] = \left( \frac{1}{2} \cdot 0.5^n - 1 \right) u[n], \quad y_{zs}[n] = \left( 2 \cdot 0.5^n + \frac{4}{3} - \frac{4}{3} \cdot 0.25^n \right) u[n]$$

(c)  $y[n] = y_{trans}[n] + y_{stat}[n]$ , där

$$y_{trans}[n] = \left( \frac{5}{2} \cdot 0.5^n - \frac{4}{3} \cdot 0.25^n \right) u[n], \quad y_{stat}[n] = \frac{1}{3} u[n]$$

5.3-9  $x[n] = -3\delta[n] + 7(-2)^{n-1}u[n-1]$

5.3-18 (a)  $y_{zs}[n] = \left( 1.32e^n - 0.186(-0.2)^n - 1.13 \cdot 0.8^n \right) u[n]$

(b)  $y[n] - 0.6y[n-1] - 0.16y[n-2] = x[n-1]$

5.3-11 (a)  $h_1[n] = -u[n] + 0.5^n u[n] \Rightarrow H_1[z] = -\frac{z}{z-1} + \frac{z}{z-0.5} = \frac{-0.5z}{(z-1)(z-0.5)}, |z| > 1$

Dvs. systemfunktionen har 2 reellvärda poler

Enkelpol på enhetscirkeln, som utgör en rand till konvergensområdet, vilket innebär att systemet är **marginellt stabilt**.

(Detta erhålls även från impulssvaret: det är inte absolutintegrerbart, men begränsat för alla  $n$ .)

(b)  $h_2[n] = (j)^n (u[n] - u[n-10])$ , dvs. impulssvaret har ändlig utbredning,

vilket innebär att alla (eventuella) poler till systemfunktionen  $H_2[z]$  ligger i origo, vilket innebär att konvergensområdet för  $H_2[z]$  är  $|z| > 0$ ,

vilket innebär att enhetscirkeln ligger i konvergensområdet, vilket innebär att systemet är **stabilt**.

(Detta erhålls även från impulssvaret: det är absolutintegrerbart)

5.3-23 (a)  $h[n] = \left( \frac{3}{2} \delta[n] - (-1)^n + \frac{1}{2} (-2)^n \right) u[n]$

(c)  $h[n] = \left( \frac{1}{\sqrt{2}} \right)^n \left( \cos\left(\frac{\pi}{4}n\right) + 5 \sin\left(\frac{\pi}{4}n\right) \right) u[n]$

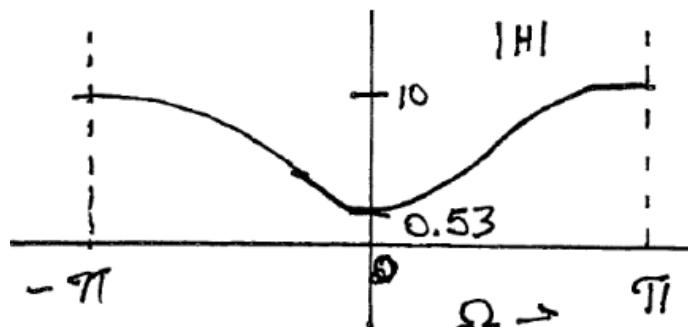
5.5-1 (a)  $|H[\Omega]| = \frac{1}{\sqrt{1.16 - 0.8\cos\Omega}}$ ,  $\arg H[\Omega] = -\arctan \frac{\sin\Omega}{\cos\Omega - 0.4}$

(b)  $|H[\Omega]| = \frac{1}{\sqrt{1.16 - 0.8\cos\Omega}}$ ,  $\arg H[\Omega] = -\arctan \frac{0.4\sin\Omega}{1 - 0.4\cos\Omega}$

5.5-4 (a)

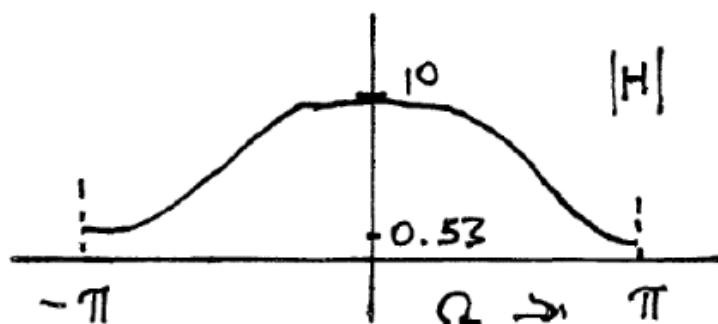
(i)  $H[z] = \frac{z}{z+0.9}$ ,  $|H[\Omega]| = \frac{1}{\sqrt{1.81 + 1.8\cos\Omega}}$ ,  $\arg H[\Omega] = -\arctan \left( \frac{-0.9}{1 + 0.9\cos\Omega} \right)$

Systemet utgör ett högpassfilter:



(ii)  $H[z] = \frac{z}{z-0.9}$ ,  $|H[\Omega]| = \frac{1}{\sqrt{1.81 - 1.8\cos\Omega}}$ ,  $\arg H[\Omega] = -\arctan \left( \frac{0.9\sin\Omega}{1 - 0.9\cos\Omega} \right)$

Systemet utgör ett lågpassfilter:



5.5-5 (a)  $|H[\Omega]| = \sqrt{\frac{1.64 + 1.6\cos\Omega}{1.25 - \cos\Omega}}$

$$\arg H[\Omega] = \arctan \left( \frac{\sin\Omega}{\cos\Omega + 0.8} \right) - \arctan \left( \frac{\sin\Omega}{\cos\Omega - 0.5} \right)$$

(b)  $y[n] = 2.86 \cos(0.5n - 1.6725)$

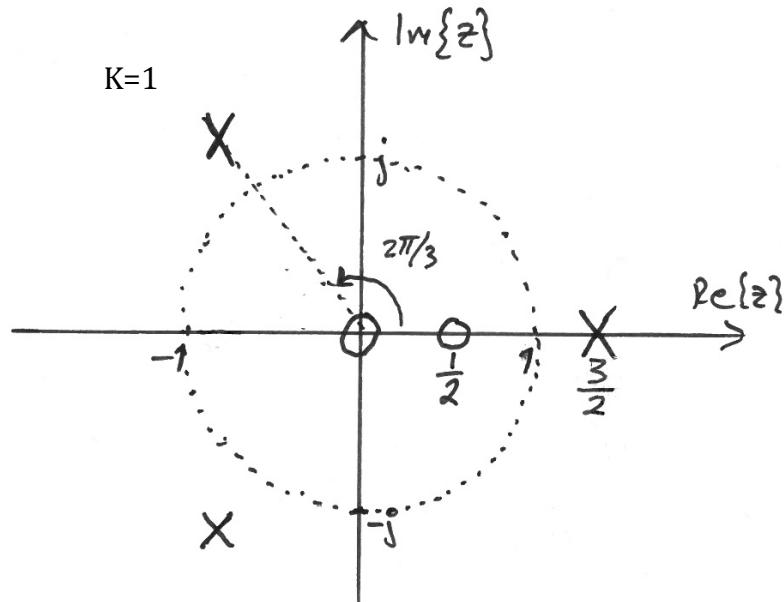
5.6-4 Se svar i lösningsdokumentet!

5.6-3 (a) Det är ett högpassfilter. (b)  $y_1[n] = -\sqrt{2} \sin \left( \frac{\pi}{2} n \right)$

(c)  $y_2[n] = 0.071 \cos \left( \frac{7\pi}{4} n + 2.43 \right)$

5.9-4 (a)

$$H[z] = \frac{z(z - \frac{1}{z})}{z^3 - \frac{27}{8}} = \frac{z(z - \frac{1}{z})}{(z - \frac{3}{2})(z - \frac{3}{2}e^{j\frac{2\pi}{3}})(z - \frac{3}{2}e^{-j\frac{2\pi}{3}})}$$



Det finns 2 möjliga konvergensområden:

1)  $|z| < \frac{3}{2}$  (vilket ger ett antikausalt & stabilt system)

2)  $|z| > \frac{3}{2}$  (vilket ger ett kausalt & instabilt system)

(b)  $H^{-1}[z] = \frac{z^3 - \frac{27}{8}}{z(z - \frac{1}{2})}$  har sina poler där  $H[z]$  har sina nollställen, dvs. i  $z = 0$  och  $z = 0.5$ . Det har sina nollställen där  $H[z]$  har sina poler.

RITA SJÄLV POLNOLLSTÄLLEDIAGRAM!

Det innebär att det finns 2 möjliga konvergensområden:

1)  $0 < |z| < 0.5$  (vilket ger ett ickekausalt & instabilt system)

2)  $0.5 < |z| < \infty$  (vilket ger ett ickekausalt & stabilt system. Oändligheten ingår inte i konvergensområdet eftersom systemfunktionen har fler nollställen än poler)

5.9-14 Zero state-komponenten  $y_{zs}[n]$  är:

$$\left[ \frac{5}{66}(-0.2)^n + \frac{10}{3}(0.8)^n + 0.758(2)^n \right] u[n] + \frac{25}{6}u[-(n+1)]$$