

# Exempel på olika principiella brister i tidigare rapporter

## Grammatiska brister:

Eftersom systemet är en dämpad oscillator tillkommer en dämpningskraft som försöker få systemet att återgå till sitt ursprungliga tillstånd. Denna dämpningskraft ~~representeras av~~  $F_d(t) = cv(t) = c \frac{dy_{tot}(t)}{dt}$ , där  $c$  är dämpningskonstanten som bestämmer hur stor dämpning systemet har och  $\frac{dy_{tot}(t)}{dt}$  är hastigheten av förändringen i fjäderns längd vid en given tidpunkt  $t$ .

I figuren har två olika bilder ritats ut, där den vänstra bilden är vid  $t = t_1$  vilket visar systemets jämviktsläge. Vid denna tidpunkt är dämpningskraften  $F_d(t_1) = 0$  och fjäderkraften är lika med gravitationskraften, det vill säga  $F_f(t_1) = F_m$ . I den högra bilden, där  $t = t_2$ , har en viss förflyttning skett, fästpunkten har förskjutits sträckan  $x(t_2)$  och massan har förskjutits sträckan  $y(t_2)$ .

*definieras som  $v(t) =$  och tiden därför genom att vilket fött till följd att*

---

Skriv **differentialekvationer** på korrekt form, dvs. med utsignalen  $y(t)$  och dess derivator i vänsterledet och med insignalen och dess derivator i högerledet – inte tvärtom. Skriv även derivator på formen  $\frac{dy(t)}{dt}$ , inte  $y'(t)$ .

---

Skriv matematiska samband på korrekt sätt (*funktionen som ska beräknas ska **inleda ekvationen**, inte avsluta den*):

$$a(t) = 4(b+2) = 4b+4 \cdot 2 = 4b+8$$

inte  $4(b+2) = 4b+4 \cdot 2 = 4b+8 = a(t)$

Ekvationer på enskild rad ingår i meningen och kan (bör ofta) avslutas med **kommatecken** eller **punkt**:

Newtons andra lag ger ~~x~~ *alltså sambandet*

$$F(t) = F_m - F_f(t) - F_d(t) = ma(t) = m \frac{d^2 y(t)}{dt^2}$$

Substitution av  $y_{tot}(t)$  och  $F_m = mg$  ger ~~x~~ *sedan*

$$mg - m \frac{d^2 y(t)}{dt^2} - c \frac{d}{dt} (y_0 + y(t) - x(t)) - k (y_0 + y(t) - x(t)) = 0,$$

vilket innebär att .... (Lasse har avslutat meningen i exemplet).

*Ekvationen ingår i meningen, som avslutas med punkt här*

---

Här ser det dock rätt bra ut (men ekvation 13 består av två ekvationer, som bör delas upp på två rader):

För att ta fram impulssvar  $h_i(t)$  kommer *et*

$$H_i(s) = \frac{s \frac{c}{m} + \frac{k}{m}}{s^2 + s \frac{c}{m} + \frac{k}{m}}$$

att transformeras med invers Laplacetransform och därför söks följande form på systemfunktionen:

$$h_i(t) = \mathcal{L}^{-1}\{H_1(s)\} \Leftrightarrow e^{-\alpha t} \cos(\omega_0 t) u(t) = \mathcal{L}^{-1}\left\{\frac{s + \alpha}{(s + \alpha)^2 + \omega_0^2}\right\}, \operatorname{Re}\{s\} > -\alpha. \quad (13)$$

*Skriv inte flera ekvationer på samma rad. Här framgår det inte så tydligt var den första ekvationen slutar och var den andra börjar*  
Första steget är att kvadratkomplettera nämnaren, vilket ger

$$H_i(s) = \frac{s \frac{c}{m} + \frac{k}{m}}{\left(s + \frac{c}{2m}\right)^2 + \left(\frac{k}{m} - \left(\frac{c}{2m}\right)^2\right)}$$

- Här ovan (efter "systemfunktionen") visas även ett exempel när det är *lämpligt* att sätta ett **kolon** inför den efterkommande ekvationen.
- Ett vanligt förekommande fel är dock att studenter sätter ett kolon inför en ekvation som kommer mitt i en mening, som efter "... vilket ger" ovan, men det är *inte korrekt*.

Stoppa in **siffrvärden** tidigt i era beräkningar, annars blir det svårt att få en känsla för beräkningarnas korrekthet.

Ni behöver inte heller redovisa alla mellansteg:

I fallet med komplexkonjugerade poler upprepas partiell integration för att sedan lösa ut stegsvaret

$$\begin{aligned}
 g_a(t) &= \int_0^t \frac{1}{M\omega_0} e^{-\alpha\tau} \sin(\omega_0\tau) \, d\tau \\
 &= \frac{1}{M\omega_0} \left[ \frac{e^{-\alpha\tau} \sin(\omega_0\tau)}{-\alpha} \right]_0^t + \frac{1}{M\alpha} \int_0^t e^{-\alpha\tau} \cos(\omega_0\tau) \, d\tau \\
 &= -\frac{e^{-\alpha t} \sin(\omega_0 t)}{M\omega_0 \alpha} + \frac{1}{M\alpha} \left[ \frac{e^{-\alpha\tau} \cos(\omega_0\tau)}{-\alpha} \right]_0^t - \frac{\omega_0}{M\alpha^2} \int_0^t e^{-\alpha\tau} \sin(\omega_0\tau) \, d\tau \\
 &= -\frac{e^{-\alpha t} \sin(\omega_0 t)}{M\omega_0 \alpha} + \frac{1 - e^{-\alpha t} \cos(\omega_0 t)}{M\alpha^2} - \frac{\omega_0^2}{\alpha^2} g_a(t) \\
 \Leftrightarrow g_a(t) \left( 1 + \left( \frac{\omega_0}{\alpha} \right) \right) &= -\frac{e^{-\alpha t} \sin(\omega_0 t)}{M\omega_0 \alpha} + \frac{1 - e^{-\alpha t} \cos(\omega_0 t)}{M\alpha^2} \\
 \Leftrightarrow g_a(t) &= -\frac{e^{-\alpha t} \sin(\omega_0 t)}{M\omega_0 \alpha \left( 1 + \frac{\omega_0^2}{\alpha^2} \right)} + \frac{1 - e^{-\alpha t} \cos(\omega_0 t)}{M\alpha^2 \left( 1 + \frac{\omega_0^2}{\alpha^2} \right)} \\
 &= -\frac{\alpha (e^{-\alpha t} \sin(\omega_0 t))}{\alpha \left( M\omega_0 \alpha + \frac{M\omega_0^3}{\alpha} \right)} + \frac{\omega_0 (1 - e^{-\alpha t} \cos(\omega_0 t))}{\omega_0 (M\alpha^2 + M\omega_0^2)} \\
 &= \frac{\omega_0 - e^{-\alpha t} (\alpha \sin(\omega_0 t) + \omega_0 \cos(\omega_0 t))}{M\omega_0 (\alpha^2 + \omega_0^2)} \\
 g(t) &= \frac{\omega_0 - e^{-\alpha t} (\alpha \sin(\omega_0 t) + \omega_0 \cos(\omega_0 t))}{M\omega_0 (\alpha^2 + \omega_0^2)} u(t)
 \end{aligned}$$

Det är även lämpligt att **bryta en följd ekvationer**, som ovan, med bisatser. Det gör det enklare för läsaren att följa med i resonemanget.

Exempel:

Detta ger sambandet

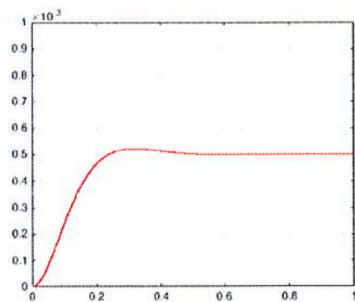
$$a(t) = \dots ,$$

som, genom att derivera högerledet och vänsterledet två gånger följt av xxxxx, ger det förenklade uttrycket

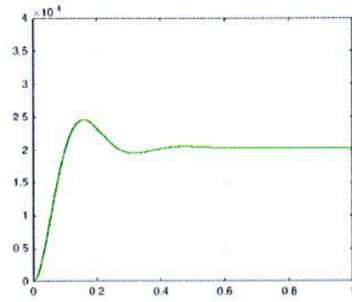
$$a(t) = zzzzzz.$$

Ha inte för liten **fontstorlek i graferna** samt gör en rimlighetsbedömning av resultaten:

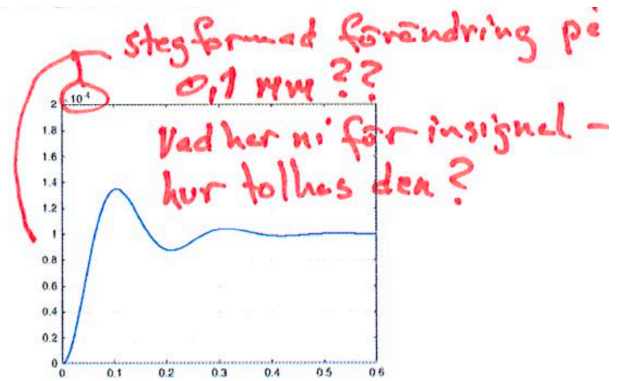
värden på fjäderkonstanen.



((a))  $k=200$



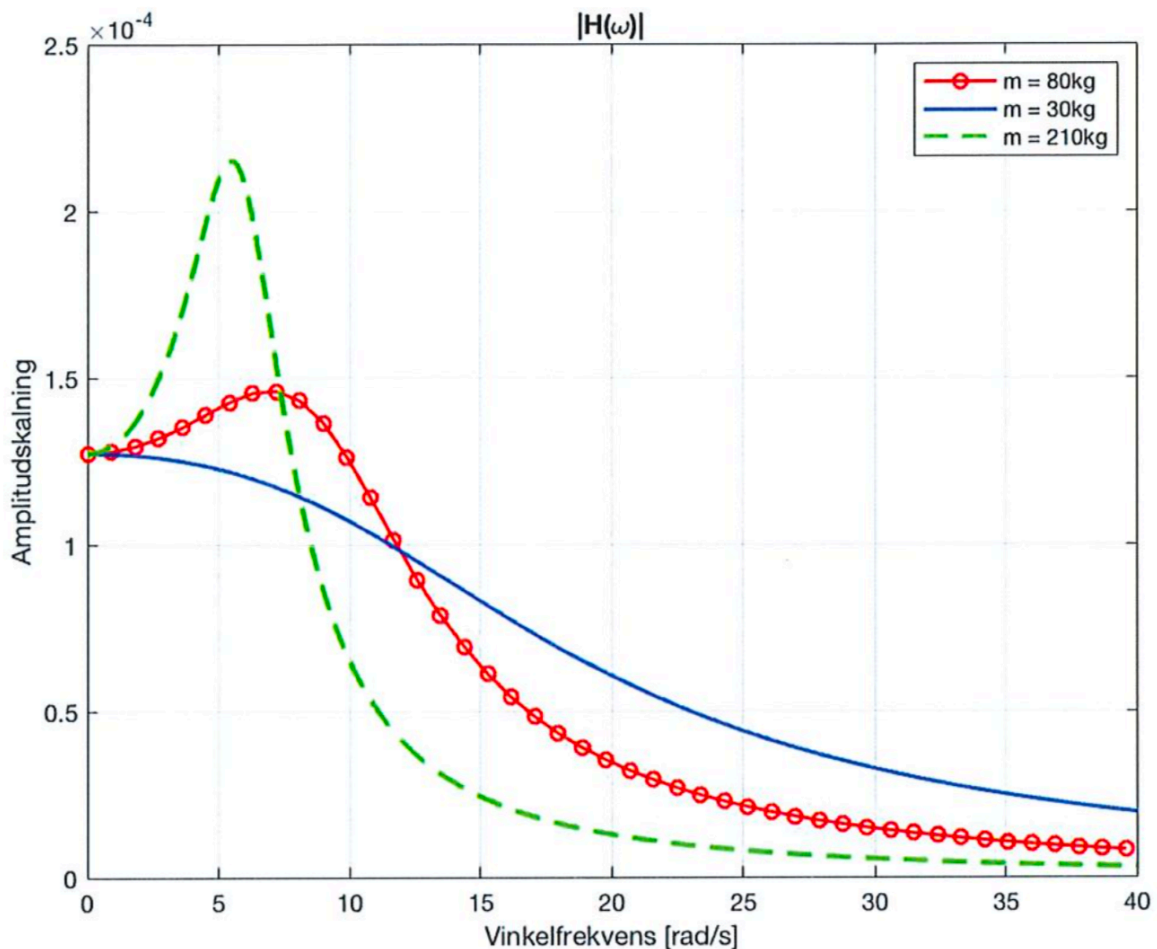
((b))  $k=491$



((c))  $k=1000$

Figur 14: Stegsvär för olika värden på  $k$

Exempel på **tydlig graf**:

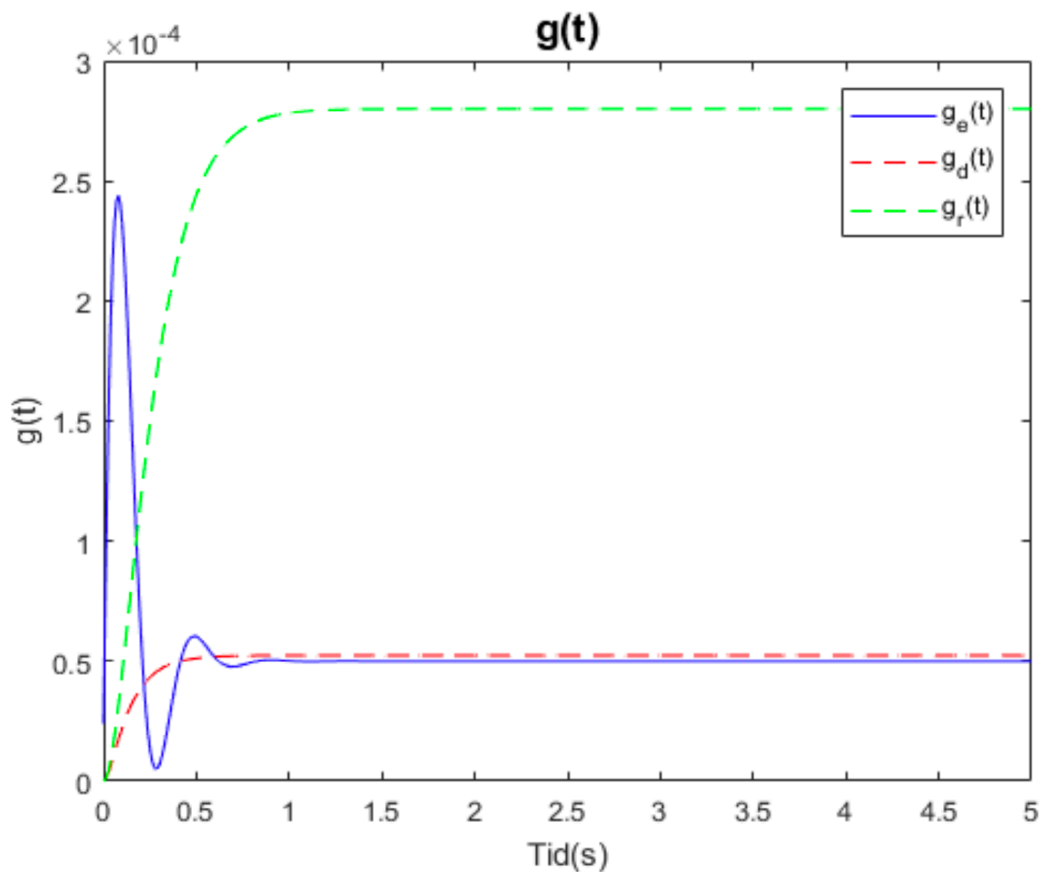


Figur 16: Amplitudkaraktäristik då massan varierar

Det som ses tydligt i figur 16 är att

Välj **lämpliga intervall** för era grafer, så intressanta områden syns tydligt:

Här hade det varit lämpligare att rita graferna upp till max 2 sek. Det hade medfört att det intressanta området upp till ca 1 sek, där funktionerna varierar mest, syntts tydligare.



Figur 12: Mer detaljerad graf som beskriver  $g_e(t)$ ,  $g_d(t)$  och  $g_r(t)$